

●作戦会議

計算量が多いタイプの古典制御問題。量・質ともに翌年の H24 とほぼ同レベル。計算ミス，計算速度にだけ注意。このタイプの問題は，あまり学習に時間をかけないようにしたい。

(1)久々に解いたとき，一番難しいのはこれ。ラプラス変換に自信がなくなってしまう。

(2)ブロック図をみて変形すれば余裕であろう。

(3)残り一つの根を変数として特性方程式を求めよう。

(4)最終値の定理，ラウス表を使用すればよい。

●解答

(1)単位ステップ入カラプラス変換すると s であるから，

$$G(s) \times \frac{1}{s} = \frac{1}{2s^2} - \frac{1}{4s} + \frac{1}{4(s+2)} = \frac{(2s+4) - (s^2+2s) + s^2}{4s^2(s+2)} = \frac{1}{s^2(s+2)}$$
$$\therefore G(s) = \frac{1}{s(s+2)} \quad \dots \text{(答)}$$

(2)

まず、ブロック図より，マイナーループから順に $\frac{Y(s)}{R(s)}$ を求める。

$$\frac{\frac{1}{s^2(s+6)}}{1 + \frac{1}{s^2(s+6)} \times 2s} = \frac{1}{s^3 + 6s^2 + 2s}$$



$$\therefore \frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{\frac{1}{s^3 + 6s^2 + 2s}(K_1s + K_2)}{1 + \frac{1}{s^3 + 6s^2 + 2s}(K_1s + K_2)} = \frac{K_1s + K_2}{s^3 + 6s^2 + (2 + K_1)s + K_2}$$

したがって, $\frac{E(s)}{R(s)}$ は,

$$\frac{E(s)}{R(s)} = \frac{R(s) - Y(s)}{R(s)} = 1 - \frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{s^3 + 6s^2 + 2s}{s^3 + 6s^2 + (2 + K_1)s + K_2} \quad \dots (\text{答})$$

(3)残り一つの特性根を x とすると, その特性方程式は,

$$(s + 1 + j\sqrt{3})(s + 1 - j\sqrt{3})(s - x) = 0$$

$$\{(s + 1)^2 + 3\}(s - x) = 0$$

$$(s^2 + 2s + 4)(s - x) = 0$$

$$s^3 + (2 - x)s^2 + (4 - 2x)s - 4x = 0$$

(2)より, フィードバック系の特性方程式 $s^3 + 6s^2 + (2 + K_1)s + K_2 = 0$ と比較して,

$$\begin{cases} K_1 = 10 \\ K_2 = 16 \\ x = -4 \end{cases} \quad \dots (\text{答})$$

(4)まず, a.を検討する。

最終値の定理より,

$$e(t) = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{E(s)}{R(s)} = \lim_{s \rightarrow 0} s \cdot \frac{s^3 + 6s^2 + 2s}{s^3 + 6s^2 + (2 + K_1)s + K_2} \cdot \frac{1}{s^2} = \frac{2}{K_2}$$

$$e \leq \frac{1}{6} \text{ゆえ,}$$

$$\frac{2}{K_2} \leq \frac{1}{6} \rightarrow 12 \leq K_2$$

次に, b.を検討する。



s^3	1	$2 + K_1$	ラウス表より安定条件は, $2 + K_1 > 0$ かつ $K_2 > 0$ かつ $6(2 + K_1) - K_2 > 0$ $\rightarrow K_1 > -2$ かつ $K_2 > 0$ かつ $K_2 < 6K_1 + 12$
s^2	6	K_2	
s^1	$\frac{6(2 + K_1) - K_2}{6}$		
s^0	K_2		

以上の検討結果より, 存在範囲のグラフは次のようになる。

